

1

【正解】(1) 977 (2) 27 (3) 462 (4) 0.2 (5)  $\frac{3}{7}$  (6)  $\frac{2}{7}$

(7)  $1\frac{5}{9}$  (8)  $\frac{23}{24}$  (9) 3 (10) 750

【解説】

- (1)  $3202 - 2023 - 202 = 1179 - 202 = 977$   
 (2)  $78 \times 18 \div 52 = 1404 \div 52 = 27$   
 (3) かけ算・わり算はたし算・ひき算より先に計算する。かつこの中を先に計算する。  
 $(28 + 35 \div 7) \times 14 = (28 + 5) \times 14 = 33 \times 14 = 462$   
 (4)  $5.64 \div 1.2 - 7.5 \times 0.6 = 4.7 - 4.5 = 0.2$   
 (5) 分母の最小公倍数で通分して計算する。  
 $\frac{5}{6} + \frac{5}{14} - \frac{16}{21} = \frac{35}{42} + \frac{15}{42} - \frac{32}{42} = \frac{18}{42} = \frac{3}{7}$   
 (6) 帯分数は仮分数になおす。分数のわり算は、わる数の分母と分子を入れかえて、かけ算になおして計算する。  
 $\frac{13}{18} \div 2\frac{7}{16} \times \frac{27}{28} = \frac{13}{18} \div \frac{39}{16} \times \frac{27}{28} = \frac{13}{18} \times \frac{16}{39} \times \frac{27}{28} = \frac{2}{7}$   
 (7)  $(2\frac{2}{5} + 1\frac{1}{3} \times \frac{7}{8}) \div 3\frac{3}{20} = (\frac{12}{5} + \frac{4}{3} \times \frac{15}{8}) \div \frac{63}{20} = (\frac{12}{5} + \frac{5}{2}) \times \frac{20}{63} = (\frac{24}{10} + \frac{25}{10}) \times \frac{20}{63} = \frac{49}{10} \times \frac{20}{63} = \frac{14}{9} = 1\frac{5}{9}$   
 (8) 分数と小数の混じった計算は、ふつうは小数を分数になおして計算する。  
 $\frac{5}{6} - (0.75 - \frac{1}{3}) \times 2.1 = \frac{5}{6} - (\frac{3}{4} - \frac{1}{3}) \times \frac{21}{10} = \frac{5}{6} - (\frac{9}{12} - \frac{4}{12}) \times \frac{21}{10} = \frac{5}{6} - \frac{5}{12} \times \frac{21}{10} = \frac{5}{6} - \frac{7}{8}$   
 $= \frac{20}{24} - \frac{21}{24} = \frac{44}{24} - \frac{21}{24} = \frac{23}{24}$   
 (9)  $(1.7 - 0.2 \times \square) \times 1.2 = 1.32$ ,  $1.7 - 0.2 \times \square = 1.32 \div 1.2 = 1.1$ ,  $0.2 \times \square = 1.7 - 1.1 = 0.6$  より,  
 $\square = 0.6 \div 0.2 = 3$   
 (10)  $1a = 100\text{m}^2$  だから,  $100 \times 12.5 = 1250$  より,  $12.5a = 1250\text{m}^2$   
 よって,  $1250 : \square = 5 : 3$  より,  $\square = 1250 \div 5 \times 3$ ,  $\square = 750$

2

【正解】(1) 84 (2) 76.7(点) (3) 1440(cm<sup>3</sup>) (4) 48(度) (5) 16(cm<sup>2</sup>) (6) 7.065(L)  
 ※考え方やとちゅうの計算式は、解説を参照すること。

【解説】

- (1) 小数第1位を四捨五入して6になるのは、5.5以上6.5未満の数だから、  
 $15 \times 5.5 = 82.5$ ,  $15 \times 6.5 = 97.5$  より、求める数は、83以上97以下の整数である。  
 また、求める数は14でわり切れるので、  
 $14 \times 5 = 70$ ,  $14 \times 6 = 84$ ,  $14 \times 7 = 98$  より、求める数は、84  
 (2) (平均点) = (合計点) ÷ (人数) だから、(合計点) = (平均点) × (人数)  
 男子16人の平均点が76点なので、男子の合計点は、 $76 \times 16 = 1216$ (点)  
 女子14人の平均点が77.5点なので、女子の合計点は、 $77.5 \times 14 = 1085$ (点)  
 よって、クラス全体の合計点は、 $1216 + 1085 = 2301$ (点)  
 クラスの男女合わせた人数は、 $16 + 14 = 30$ (人)  
 したがって、クラス全体の平均点は、 $2301 \div 30 = 76.7$ (点)

(3) 容器の容積を1とすると、はじめに入っていた水の量の割合は、 $\frac{1}{3}$

$600\text{cm}^3$ の水を入れた後の水の量の割合は、 $\frac{3}{4}$

よって、 $600\text{cm}^3$ の割合は、 $\frac{3}{4} - \frac{1}{3} = \frac{9}{12} - \frac{4}{12} = \frac{5}{12}$

したがって、容器の容積は、 $600 \div \frac{5}{12} = 600 \times \frac{12}{5} = 1440(\text{cm}^3)$

(4) 正三角形の1つの角の大きさは $60^\circ$ だから、

図2で、㉠の角の大きさは、 $60^\circ$

正五角形の5つの角の大きさの和は $540^\circ$ だから、

図2で、㉡の角の大きさは、 $540^\circ \div 5 = 108^\circ$

よって、㉢の角の大きさは、 $180^\circ - 108^\circ = 72^\circ$

したがって、㉣の角の大きさは、 $180^\circ - (60^\circ + 72^\circ) = 180^\circ - 132^\circ = 48^\circ$

(5) 図3の三角形アと三角形イは合同なので、面積が等しい。

図3でななめの線の部分は、三角形ECDから三角形アを取り除き、かわりに三角形イを加えたものだから、ななめの線の部分の面積と三角形ECDの面積は等しい。

よって、ななめの線の部分の面積は、正方形ABCDの面積の $\frac{1}{4}$ だから、

$8 \times 8 \div 4 = 16(\text{cm}^2)$

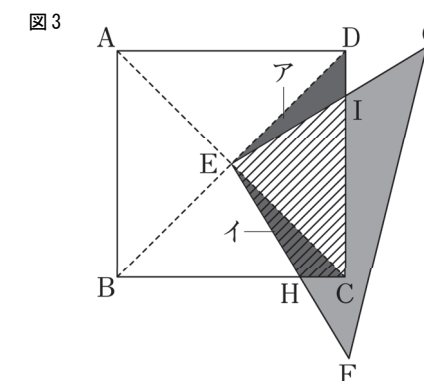
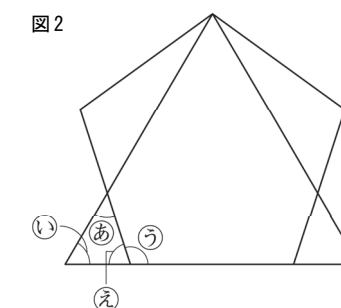
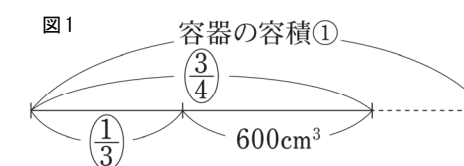
三角形EFGの面積は、 $8 \times 8 \div 2 = 32(\text{cm}^2)$

したがって、求める面積は、 $32 - 16 = 16(\text{cm}^2)$

(6) 組み立てると、底面の半径が15cm、高さが10cmの円柱の容器ができる。

よって、入る水の体積は、 $15 \times 15 \times 3.14 \times 10 = 7065(\text{cm}^3)$

$1000\text{cm}^3 = 1\text{L}$  より、 $7065\text{cm}^3 = 7.065\text{L}$



3

【正解】(1) (分速)150(m) (2) 500(m) (3) 1500(m) (4) 1200(m)

【解説】

- (1)  $1\text{km}=1000\text{m}$  だから、 $1000 \times 9=9000$  より、 $9\text{km}=9000\text{m}$   
 $1\text{時間}=60\text{分}$ 、(速さ)=(道のり) $\div$ (時間)だから、  
 $9000 \div 60=150$  より、分速  $150\text{m}$
- (2) Bさんは $1\text{km}$ を $8\text{分}$ で走るので、Bさんが走る速さは、 $1000 \div 8=125$ より、分速  $125\text{m}$   
 $1000 \times 3=3000$  より、 $3\text{km}=3000\text{m}$   
(時間)=(道のり) $\div$ (速さ)より、Aさんが $3000\text{m}$ 走るのにかかる時間は、 $3000 \div 150=20$ (分)  
Bさんが $20\text{分}$ 間に走る道のりは、 $125 \times 20=2500$ (m)  
よって、AさんがゴールしたときにBさんがいる地点からゴールまでの道のりは、  
 $3000-2500=500$ (m)
- (3) AさんはBさんのスタート地点より $300\text{m}$ 後ろからスタートするので、  
スタートしてからゴールするまでに走る道のりは、Aさんの方がBさんより $300\text{m}$ 長い。  
 $1\text{分}$ 間にAさんがBさんより長く走る道のりは、 $150-125=25$ (m)  
よって、AさんがBさんより $300\text{m}$ 長く走るのにかかる時間は、 $300 \div 25=12$ (分)  
2人はスタートしてから $12\text{分}$ 後にゴールしたから、Bさんが走った道のりは、 $125 \times 12=1500$ (m)
- (4) 右の図1より、AさんとBさんがスタートしてから  
1回目にすれちがうまでに走る道のりの合計は、P地点とQ地点の間の道のりに等しい。また、AさんとBさんがスタートしてから2回目にすれちがうまでに走る道のりの合計は、P地点とQ地点の間の道のりの3倍である。  
よって、AさんとBさんが1回目にすれちがってから2回目にすれちがうまでに2人が走った道のりの合計は、P地点とQ地点の間の道のりの2倍である。  
AさんとBさんの分速の合計は、 $150+125=275$ より、分速  $275\text{m}$ 。  
AさんとBさんが1回目にすれちがってから2回目にすれちがうまでにかかった時間は $24\text{分}$ だから、  
(道のり)=(速さ) $\times$ (時間)より、この間にAさんとBさんが走った道のりの合計は、 $275 \times 24=6600$ (m)  
これがP地点とQ地点の間の道のりの2倍であることから、P地点とQ地点の間の道のりは、  
 $6600 \div 2=3300$ (m)  
また、2人が1回目にすれちがってから2回目にすれちがうまでにかかった時間が $24\text{分}$ で、  
走った道のりの合計がP地点とQ地点の間の道のりの2倍であることから、  
2人がスタートしてから1回目にすれちがうまでにかかった時間は、 $24 \div 2=12$ (分)  
よって、2人がスタートしてから2回目にすれちがうまでに走った道のりの合計は、P地点とQ地点の間の道のりの3倍だから、2人がスタートしてから2回目にすれちがうまでにかかった時間は、 $12 \times 3=36$ (分)  
この $36\text{分}$ 間にAさんが走った道のりは、 $150 \times 36=5400$ (m)  
よって、図2より、AさんがQ地点で折り返してからBさんと2回目にすれちがうまでに走った道のりは、  
 $5400-3300=2100$ (m)  
したがって、P地点と2人が2回目にすれちがった地点までの道のりは、 $3300-2100=1200$ (m)

図1

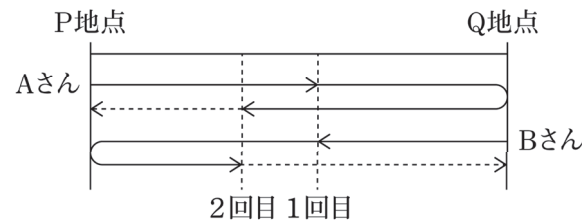
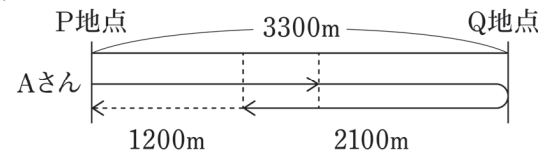


図2



4

【正解】(1)  $24(\text{cm}^2)$  (2)  $96(\text{cm}^3)$  (3)  $168(\text{cm}^2)$  (4)  $504(\text{cm}^2)$

【解説】

- (1) 1辺が $2\text{cm}$ の立方体には、1辺が $2\text{cm}$ の正方形の面が6つあるから、 $2 \times 2 \times 6=24(\text{cm}^2)$
- (2) それぞれの立体に使われている立方体の個数は、1番目の立体から順に、4個、6個、8個、...と、  
4個から始めて2個ずつ増えている。  
よって、5番目の立体に使われている立方体の個数は、  
 $4+2 \times 2=12$ (個)  
1辺が $2\text{cm}$ の立方体の体積は、 $2 \times 2 \times 2=8(\text{cm}^3)$   
したがって、5番目の立体の体積は、 $8 \times 12=96(\text{cm}^3)$
- (3) 5番目の立体は、図1のように、上の段に立方体が5個、  
下の段に立方体が7個並んだものになる。  
これを上、下、左、右、前、後の6つの向きから見ると、  
それぞれ図2のようになる。
- 図1
- 図2
- 上、下の2つの向きから見たようす 右、左の2つの向きから見たようす 前、後の2つの向きからようす
- 上、下の2つの向きからはそれぞれ7つの正方形、右、左の2つの向きからはそれぞれ2つの正方形、前、後の2つの向きからはそれぞれ12個の正方形が見える。  
1辺が $2\text{cm}$ の正方形の面積は、 $2 \times 2=4(\text{cm}^2)$   
よって、求める表面積は、 $4 \times 7 \times 2+4 \times 2 \times 2+4 \times 12 \times 2=56+16+96=168(\text{cm}^2)$
- (4) 体積が $320\text{cm}^3$ の立体に使われている立方体の個数は、 $320 \div 8=40$ (個)  
立体に使われている立方体の個数は、1番目の立体から順に、4個、6個、8個、...と、  
4個から始めて2個ずつ増えているので、使われている立方体が40個になるのは、  
 $(40-4) \div 2+1=19$ より、19番目の立体である。  
19番目の立体は、上の段に19個の立方体、下の段に、 $40-19=21$ (個)の立方体が並ぶので、  
(3)と同じように、この立体を上、下、左、右、前、後の6つの向きから見ると、  
図3のようになる。
- 図3
- 上、下の2つの向きから見たようす 右、左の2つの向きから見たようす 前、後の2つの向きからようす
- よって、この立体の表面積は、 $4 \times 21 \times 2+4 \times 2 \times 2+4 \times 40 \times 2=168+16+320=504(\text{cm}^2)$