

1

- 【正 解】(1) 2248 (2) 2025 (3) 7 (4) 14 (5) $\frac{9}{14}$ (6) $1\frac{3}{5}$
 (7) $\frac{5}{6}$ (8) $8\frac{1}{15}$ (9) 48 (10) 2700

【解 説】

- (1) $3401-896-257=2505-257=2248$
 (2) $243\times 125\div 15=30375\div 15=2025$
 (3) かっこの中を先に計算する。かけ算・わり算はたし算・ひき算より先に計算する。
 $51-(15+21\div 3)\times 2=51-(15+7)\times 2=51-22\times 2=51-44=7$
 (4) $5.5\times 2.4+0.48\div 0.6=13.2+0.8=14$
 (5) 分母の最小公倍数で通分して計算する。
 $\frac{4}{7}+\frac{19}{21}-\frac{5}{6}=\frac{24}{42}+\frac{38}{42}-\frac{35}{42}=\frac{27}{42}=\frac{9}{14}$
 (6) 分数のわり算は、わる数の分母と分子を入れかえて、かけ算になおして計算する。
 $\frac{16}{27}\div \frac{8}{15}\div \frac{25}{36}=\frac{16}{27}\times \frac{15}{8}\times \frac{36}{25}=\frac{8}{5}=1\frac{3}{5}$
 (7) 分数のかけ算・わり算は、帯分数を仮分数になおして計算する。

$$\left(\frac{7}{8}-1\frac{4}{5}+1\frac{7}{18}\right)\div \frac{9}{20}=\left(\frac{7}{8}-\frac{9}{5}+\frac{25}{18}\right)\times \frac{20}{9}=\left(\frac{27}{8}-\frac{5}{2}\right)\times \frac{20}{9}=\left(\frac{23}{8}-\frac{5}{2}\right)\times \frac{20}{9}$$

$$=\left(\frac{23}{8}-\frac{20}{8}\right)\times \frac{20}{9}=\frac{3}{8}\times \frac{20}{9}=\frac{5}{6}$$

- (8) 分数と小数の混じった計算は、ふつうは小数を分数になおして計算する。

$$\left(1.75+1\frac{1}{2}\right)\times \frac{2}{3}-0.6=\left(1\frac{3}{4}+1\frac{1}{2}\right)\times \frac{8}{3}-\frac{3}{5}=3\frac{1}{4}\times \frac{8}{3}-\frac{3}{5}=\frac{13}{4}\times \frac{8}{3}-\frac{3}{5}$$

$$=8\frac{2}{3}-\frac{3}{5}=8\frac{10}{15}-\frac{9}{15}=8\frac{1}{15}$$

- (9) $(\square\div 4+7)\times 3-50=7$ 、 $(\square\div 4+7)\times 3=7+50=57$ 、 $\square\div 4+7=57\div 3=19$ 、
 $\square\div 4=19-7=12$ 、 $\square=12\times 4=48$
 (10) 1時間=60分より、1時間12分は、 $60+12=72$ (分)
 1分=60秒より、72分は、 $60\times 72=4320$ (秒)
 よって、 $4320:\square=8:5$ より、 $\square=4320\div 8\times 5=2700$

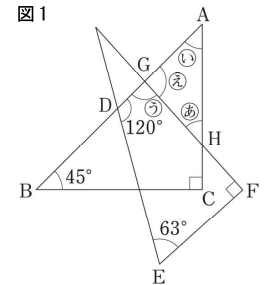
2

- 【正 解】(1) 87(点) (2) 3(分)12(秒前) (3) 42(度) (4) $4.82(\text{cm}^2)$
 ※考え方やとちゅうの計算式は、解説を参照すること。

【解 説】

- (1) (平均点)=(合計点) $\div$ (人数)より、(合計点)=(平均点) $\times$ (人数)
 Aさん、Bさん、Cさん、Dさん、Eさんの5人の平均点が78点なので、5人の合計点は、 $78\times 5=390$ (点)
 Aさん、Bさん、Cさんの3人の平均点が77点なので、この3人の合計点は、 $77\times 3=231$ (点)
 Cさん、Dさん、Eさんの3人の平均点が82点なので、この3人の合計点は、 $82\times 3=246$ (点)
 $231+246=477$ (点) $\cdots(A+B+C)+(C+D+E)$
 477点はAさん、Bさん、Cさん、Dさん、Eさんの5人の得点にCさんの得点をもう1回加えたものなので、
 477点から5人の合計点の390点をひけば、Cさんの得点が求められる。
 よって、Cさんの得点は、 $477-390=87$ (点)
 (2) 家から学校まで姉は16分、弟は20分で歩くので、
 $20-16=4$ (分)より、姉が学校に着いてから4分後に弟は学校に着く。
 姉が学校に着いたとき、弟はバス停の前にいるので、弟は240mの道のりを4分で歩く。
 よって、(速さ)=(道のり) $\div$ (時間)より、弟の速さは、 $240\div 4=60$ (m/分)
 (道のり)=(速さ) $\times$ (時間)より、2人の家から学校までの道のりは、 $60\times 20=1200$ (m)
 1200mの道のりを姉は16分で歩くので、姉の速さは、 $1200\div 16=75$ (m/分)
 姉が240mの道のりを歩くのにかかる時間は、 $240\div 75=3.2$ (分)
 1分=60秒だから、 $60\times 0.2=12$ (秒)より、3.2分=3分12秒
 よって、姉がバス停の前を通過したのは、学校に着く3分12秒前である。
 (3) 図1のように、8つの点A～Hを決める。
 三角形ABCは2つの角が 90° と 45° だから、直角二等辺三角形で、
 ①の角の大きさは、 45°
 四角形の4つの角の大きさの和は 360° だから、
 四角形DEFGで、⑤の角の大きさは、
 $360^\circ-(120^\circ+63^\circ+90^\circ)=360^\circ-273^\circ=87^\circ$
 ⑤の角と②の角の大きさの和は 180° だから、
 ②の角の大きさは、 $180^\circ-87^\circ=93^\circ$
 よって、三角形AGHで⑥の角の大きさは、
 $180^\circ-(45^\circ+93^\circ)=180^\circ-138^\circ=42^\circ$

図1

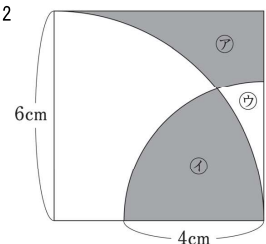


- (4) 図2のように、かげをつけた㊦の部分の下側、㊦の部分の右側の白い部分を㊧とすると、㊦の部分の面積から㊦の部分の面積をひいた差は、㊦と㊧を合わせた部分の面積から㊦と㊧を合わせた部分の面積をひいた差に等しい。
 ㊦と㊧を合わせた部分は、1辺が6cmの正方形から半径が6cmの円を $\frac{1}{4}$ にした図形を除いたものだから、面積は、 $6\times 6-6\times 6\times 3.14\div 4=36-28.26=7.74(\text{cm}^2)$

㊦と㊧を合わせた部分は、半径が4cmの円を $\frac{1}{4}$ にした図形だから、面積は、 $4\times 4\times 3.14\div 4=12.56(\text{cm}^2)$

よって、㊦の部分の面積から㊦の部分の面積をひいた差は、 $12.56-7.74=4.82(\text{cm}^2)$

図2



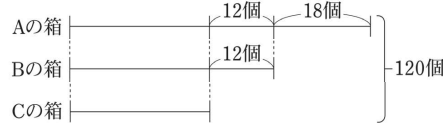
3

【正 解】(1) 30(個) (2) A 56(個)、B 38(個)、C 26(個) (3) 40(%) (4) 入れ方 [Ⅲ]、個数 35(個)

【解 説】

- (1) Aの箱はBの箱より18個多く、
Bの箱はCの箱より12個多いから、
 $18+12=30$ (個)
- (2) 図1より、120個から30個、12個をひくと、Cの箱の玉の個数の3倍になることがわかるから、
Cの箱の玉の個数は、 $(120-30-12) \div 3=78 \div 3=26$ (個)
Bの箱の玉の個数は、 $26+12=38$ (個)
Aの箱の玉の個数は、 $38+18=56$ (個)

図1

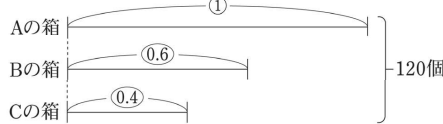


- (3) Bの箱の玉の個数はAの箱の玉の個数の60%で、Cの箱の玉の個数はBの箱の玉の個数の $\frac{2}{3}$ 倍だから、

$$60 \times \frac{2}{3} = 40(\%) \text{より、Cの箱の玉の個数はAの箱の玉の個数の、40\%}$$

- (4) [Ⅱ]の入れ方の場合、
図2のように、Aの箱の玉の個数を①とすると、
Bの箱の玉の個数は①0.6、Cの箱の玉の個数は①0.4と表される。
よって、120個の割合が、 $1+0.6+0.4=2$ だから、
Aの箱の玉の個数は、 $120 \div 2=60$ (個)
Bの箱の玉の個数は、 $60 \times 0.6=36$ (個)
Cの箱の玉の個数は、 $60 \times 0.4=24$ (個)

図2



[Ⅲ]の入れ方の場合、

図3のように、Bの箱の玉の個数を①とすると、

Aの箱の玉の個数は、②-15(個)

Aの箱とBの箱の玉の個数の合計は、

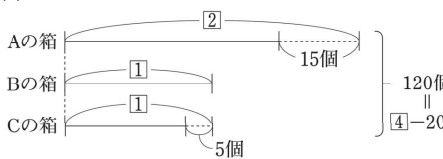
$$\textcircled{1} + \textcircled{2} - 15 = \textcircled{3} - 15(\text{個})$$

Cの箱にはAの箱とBの箱の玉の合計の $\frac{1}{3}$ 倍の個数の玉を

入れるから、Cの箱の玉の個数は、 $(\textcircled{3} - 15) \div 3 = \textcircled{1} - 5(\text{個})$

よって、A、B、Cの箱の玉の個数の合計120個は、 $\textcircled{3} - 15 + \textcircled{1} - 5 = \textcircled{4} - 20(\text{個})$ と表されるから、

図3



$$\textcircled{4} - 20 = 120 \text{ より、} \textcircled{4} = 120 + 20 = 140(\text{個})、\textcircled{1} = 140 \div 4 = 35(\text{個}) \cdots \text{Bの箱の玉の個数}$$

Aの箱の玉の個数は、 $35 \times 2 - 15 = 70 - 15 = 55(\text{個})$

Cの箱の玉の個数は、 $35 - 5 = 30(\text{個})$

よって、Bの箱に入る玉の個数が最も少なくなるのは、[Ⅲ]の入れ方で、そのときのBの箱の玉の個数は、35個

4

【正 解】(1) 9 : 16 (2) 9(cm) (3) 602.88(cm²) (4) 18 : 17

【解 説】

- (1) 円柱Aの底面積は、 $6 \times 6 \times 3.14 = 113.04(\text{cm}^2)$
円柱Bの底面積は、 $8 \times 8 \times 3.14 = 200.96(\text{cm}^2)$
よって、 $113.04 : 200.96 = (113.04 \div 3.14) : (200.96 \div 3.14) = 36 : 64 = 9 : 16$
- (2) 円柱の体積は、(体積)=(底面積)×(高さ)だから、
円柱Aの体積は、 $6 \times 6 \times 3.14 \times 16 = 1808.64(\text{cm}^3)$
(高さ)=(体積)÷(底面積)だから、
円柱Bの体積が1808.64cm³のときの高さは、
 $1808.64 \div 200.96 = 9(\text{cm})$
- (3) 円柱の展開図は、底面となる2つの円と側面となる長方形で表され、長方形の縦は円柱の高さ、横は円柱の底面の円周の長さに等しい。
円柱Aの展開図は図1のようにになる。
円柱Aの底面の半径は6cmだから、
底面の円周の長さは、 $6 \times 2 \times 3.14 = 37.68(\text{cm})$
円柱Aの高さは16cmだから、
側面の面積は、 $16 \times 37.68 = 602.88(\text{cm}^2)$
- (4) 円柱Aの展開図は、図1のように、底面となる半径が6cmの2つの円と、側面となる面積が602.88cm²の長方形を組み合わせたものになるから、表面積は、
 $6 \times 6 \times 3.14 \times 2 + 602.88 = 226.08 + 602.88 = 828.96(\text{cm}^2)$
円柱Bの展開図は、図2のように、底面となる半径が8cmの2つの円と、側面となる長方形を組み合わせたもので、長方形の横の長さは、半径が8cmの円周の長さに等しく、
 $8 \times 2 \times 3.14 = 50.24(\text{cm})$
円柱Bの2つの底面の面積の和は、
 $8 \times 8 \times 3.14 \times 2 = 401.92(\text{cm}^2)$
円柱Aと円柱Bの表面積が等しいことから、
円柱Bの側面の面積は、 $828.96 - 401.92 = 427.04(\text{cm}^2)$
(長方形の縦)=(面積)÷(横)だから、
円柱Bの側面の長方形の縦の長さ(円柱Bの高さ)は、
 $427.04 \div 50.24 = 8.5(\text{cm})$
よって、円柱Bの体積は、 $8 \times 8 \times 3.14 \times 8.5 = 1708.16(\text{cm}^3)$
円柱Aの体積は1808.64cm³だから、円柱Aと円柱Bの表面積が等しいときの、円柱Aと円柱Bの体積の比は、
 $1808.64 : 1708.16 = (1808.64 \div 3.14) : (1708.16 \div 3.14) = 576 : 544 = 18 : 17$

図1

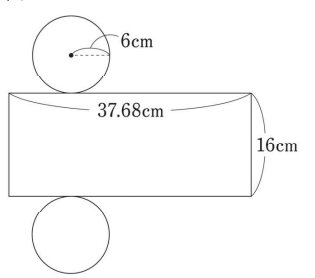


図2

